

Nom :
Prénom :

DEVOIR DE MATHÉMATIQUES

T STI2D

Sujet A

durée : 1 heure

Sur 20

Les calculatrices sont autorisées (pensez à vérifier vos résultats).

Exercice 1 : (12 points)

Un artisan fabrique des meubles. Le coût de production, en euros, de x meubles fabriqués est donné par :

$$C(x) = x^2 + 50x + 900, \text{ pour } x \in [10 ; 60].$$

Partie A :

1. Quel est le coût de production de 20 meubles ?
2. Quel est le coût de production par meuble, lorsque l'artisan fabrique 20 meubles ?
3. Soit $f(x)$ le coût unitaire pour x meubles fabriqués. Exprimer $f(x)$ en fonction de x pour tout x de $[10 ; 60]$.

Partie B :

On étudie la fonction f définie sur l'intervalle $[10 ; 60]$ par $f(x) = x + 50 + \frac{900}{x}$.

1. Justifier que $f'(x) = \frac{(x-30)(x+30)}{x^2}$.
2. Étudier le signe de $f'(x)$ et dresser le tableau de variations de f sur l'intervalle $[10 ; 60]$.
3. Reproduire et compléter le tableau suivant :

| | | | | | | | | | |
|--------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| x | 10 | 15 | 20 | 25 | 30 | 40 | 45 | 50 | 60 |
| $f(x)$ | | | | | | | | | |

4. Tracer la courbe représentative de f dans le repère donné en annexe.

Partie C :

Dans cette partie, la production est comprise entre 10 et 60 meubles.

1. Combien de meubles doit fabriquer l'artisan pour que le coût unitaire soit minimal ?
2. Chaque meuble est vendu 115 €.
 - a. Construire la droite \mathcal{D} d'équation $y = 115$ sur le graphique en annexe.
 - b. Déterminer graphiquement les coordonnées des points d'intersection de la courbe \mathcal{C} et de la droite \mathcal{D} .
 - c. En déduire l'intervalle de production pour lequel l'artisan réalise un bénéfice.

Exercice 2 : (4 points)

1. Donner une primitive de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^5 + 3x^2 - 5x + 2$.
2. La fonction F définie sur $]2 ; +\infty[$ par $F(x) = \frac{2x+1}{4x-2}$ est-elle une primitive de $f(x) = \frac{-8}{(4x-2)^2}$?

Exercice 3 : (4 points)

Dans cet exercice, les résultats seront arrondis au centième.

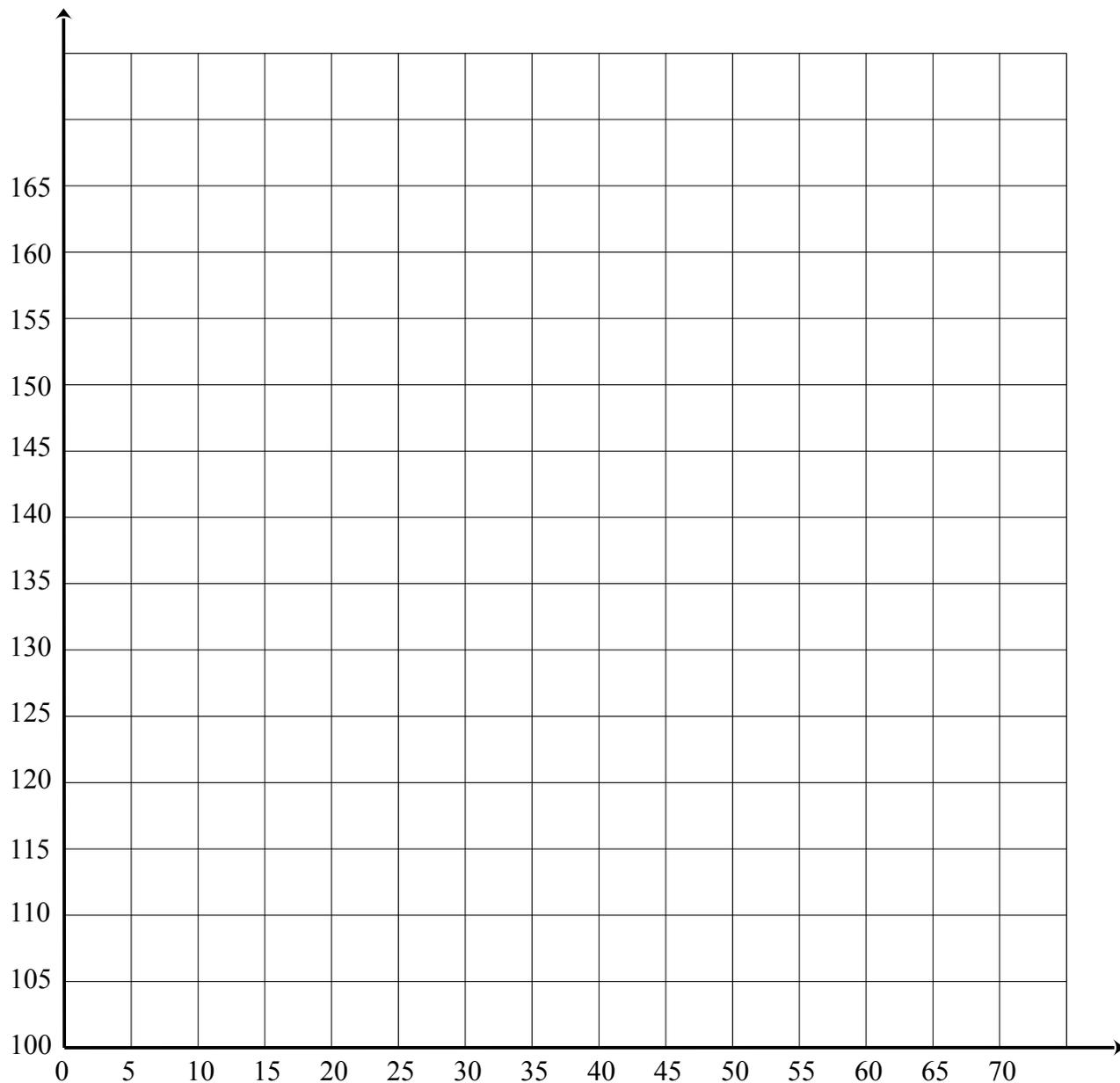
Le prix d'un produit subit 3 augmentations successives, respectivement de 30 %, 50 % et 25 %

1. Calculer le taux d'évolution global du prix sur l'ensemble des 3 évolutions.
2. Calculer le taux d'évolution moyen de ces 3 évolutions.

Nom :
Prénom :

ANNEXE
À rendre avec la copie

T STI2D



Nom :
Prénom :

DEVOIR DE MATHÉMATIQUES

T STI2D

Sujet Aménagé
durée : 1 heure

Sur 15

Les calculatrices sont autorisées (pensez à vérifier vos résultats).

Exercice 1 : (9 points)

Un artisan fabrique des meubles. Le coût de production, en euros, de x meubles fabriqués est donné par :

$$C(x) = x^2 + 50x + 900, \text{ pour } x \in [10 ; 60].$$

Partie A :

1. Quel est le coût de production de 20 meubles ?
2. Quel est le coût de production par meuble, lorsque l'artisan fabrique 20 meubles ?
3. Soit $f(x)$ le coût unitaire pour x meubles fabriqués. Exprimer $f(x)$ en fonction de x pour tout x de $[10 ; 60]$.

Partie B :

On étudie la fonction f définie sur l'intervalle $[10 ; 60]$ par $f(x) = x + 50 + \frac{900}{x}$.

1. Justifier que $f'(x) = \frac{(x-30)(x+30)}{x^2}$.
2. Étudier le signe de $f'(x)$ et dresser le tableau de variations de f sur l'intervalle $[10 ; 60]$.
3. Reproduire et compléter le tableau suivant :

| | | | | | | | | | |
|--------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| x | 10 | 15 | 20 | 25 | 30 | 40 | 45 | 50 | 60 |
| $f(x)$ | | | | | | | | | |

4. Tracer la courbe représentative de f dans le repère donné en annexe.

Exercice 2 : (4 points)

1. Donner une primitive de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^5 + 3x^2 - 5x + 2$.

2. La fonction F définie sur $]2 ; +\infty[$ par $F(x) = \frac{2x+1}{4x-2}$ est-elle une primitive de $f(x) = \frac{-8}{(4x-2)^2}$?

Exercice 3 : (2 points)

Dans cet exercice, les résultats seront arrondis au centième.

Le prix d'un produit subit 3 augmentations successives, respectivement de 30 %, 50 % et 25 %

Calculer le taux d'évolution global du prix sur l'ensemble des 3 évolutions.

Nom :
Prénom :

ANNEXE
À rendre avec la copie

T STI2D

